数理科学の研究フロンティア:宇宙,物質,生命,情報 惑星形成の物理2



辰馬 未沙子 (たつうま みさこ) https://mtatsuuma.github.io/ misako.tatsuuma@riken.jp 理化学研究所 数理創造研究センター(iTHEMS) 数理基礎部門 研究員



質問抜粋

- 惑星ではなくなります。
- その定義が新たに含まれた理由は?冥王星はなぜ惑星でなくなったのか?
- ダストと他の物質の違いは?

→ わかりにくくて申し訳ないのですが、天文学者は宇宙にある固体の小さいものは全て ダストと呼んでいます。それはさらに2つ、岩石のような難揮発性のものと、 氷(水に限らない)のような揮発性のものに分けられます。

どれだけ岩石などが集まったとしても惑星が恒星よりも重くなることはないのか? → なりません。13木星質量を超えると超高温・超高圧状態になり核融合反応が起き、

 太陽系の惑星の定義として軌道上に似た天体がないということが再定義された際に → 惑星だと思われていた冥王星が思っていたよりもずっと小さいことがわかったのと、 冥王星と同じような場所に同じくらいの大きさの天体(エリスなど)が見つかったからです。





岩石惑星、ガス惑星、氷惑星がなぜ分かれたのか?



岩石惑星 スノーライン (主に岩石、金属)

ダストが少なく 質量が小さい 大気もほぼない

ガス惑星 (主に水素とヘリウムのガス)

氷惑星 (主に水氷)

ダストが多く、質量が大きい コア形成が十分早く 大気も多く獲得できた

コア形成が遅く 大気を獲得する頃には ガス円盤がなくなった







系外惑星の分布に大きな偏りがあったが、これはどのように説明できるのか?

(超内側)惑星移動? ここでは移動が止まらない? (外側)その場形成





質問抜粋



ダストが分子間力で集まることができるのは重力の影響が少ない宇宙空間だからなのか?

$\propto r^{5/4}$ $\propto r$ 80 100

→ シミュレーションでは確認されています。観測は難しく、あくまで間接的な可能性しか







1. 序論

惑星は、ミクロンサイズの宇宙の塵(ダスト)から作られる。

2. 原始惑星系円盤

ガス円盤の鉛直構造よりスケールハイトという物理量が導かれる。 温度構造により、スノーラインという位置がある。

3. 原始惑星系円盤中でのダストの運動

ガス円盤中でダストは中心星へ落下する。また、赤道面に沈殿する。 円盤には乱流があり、それによる速度でのダスト衝突によりダストは壊れてしまう。 ダスト中心星落下問題の解決方法として、低密度ダスト集合体が考えられている。

ガス円盤の公転速度は圧力勾配力により、ケプラー速度よりもわずかに遅くなる。



円盤赤道面まで沈殿するために必要な時間:

例: 5 au (木星の公転周期: $T \sim 12$ yr, 角速度 = $2\pi/T$)では

- 0.1 µm粒子 (St ~ 10⁻⁷): 沈殿に要する時間 ~ 20 Myr
- > 1 µm粒子なら、円盤寿命(~ Myr)のうちに沈殿できる

$$\left| \frac{z}{v_z} \right| = \frac{1}{\text{St}\Omega_{\text{K}}}$$

速度 = 2π/T)では 時間 ~ 20 Myr うちに沈殿できる

原始惑星系円盤に乱流はあるの?

・乱流とは? → 乱れた渦の集まり (例: 煙や木星大気など)







理論的に予想される原始惑星系円盤の乱流の例

乱流を作りうる円盤の不安定性はいくつか提案されている

例えば円盤にわずかに存在する磁場が原因となり、磁気流体力学的不安定性を起こす



- 「乱流」は惑星形成における研究テーマの 一つになるくらい、奥深い現象 (なのでこれ以上はここでは扱えません)
- 便宜的に、乱流粘性 v_t (ブイではなくニュー) をαを用いて
 - $v_{\rm t} \sim \alpha c_{\rm s} H$

と表す (Shakura & Sunyaev 1973)

(速度は音速以下、サイズは円盤厚み以下と予想される)





- 田盤乱流に起因する等サイズのダスト衝突速度 (Ormel & Cuzzi 2007)

 St < 1 のとき: $v_{coll} \sim \sqrt{\alpha St}c_s$ St > 1 のとき: $v_{coll} \sim \sqrt{\frac{2\alpha}{1+St}}c_s$
- 乱流中のダスト衝突速度が最大のとき(St ~ 1)、どれくらいの速さ? 1 auでの音速 c_s ~ 1 km/s (前回21ページ参照) 強い乱流のとき ($\alpha \sim 10^{-2}$): $v_{coll} \sim \sqrt{10^{-2}} \times 1 \text{ km/s} = 100 \text{ m/s} = 360 \text{ km/h}$ ほどほどの乱流のとき (α ~ 10⁻³): v_{coll} ~ √10⁻³ × 1 km/s ≈ 30 m/s = 108 km/h

→ ダストは壊れてしまう



乱流の強さによっては、野球選手の最速投球の速さくらいにもなる! 「衝突破壞問題」

乱流円盤中のダスト層の厚み ざっくりと見積もるには、ダストの沈殿速度vz(7ページ参照)と、 乱流による速度 v_t (= v_{coll} , 10ページ参照)がつりあうときの高さを求めればよい $|v_z| = \operatorname{St}\Omega_{\mathrm{K}}z$ $|v_t| = \sqrt{\alpha \operatorname{St}c_{\mathrm{S}}}$ $|v_z| = |v_t| \rightarrow \text{St}\Omega_{\text{K}}z = \sqrt{\alpha \text{St}c_s}$ $z = H_{\rm d} = \frac{\sqrt{\alpha} {\rm St} c_{\rm s}}{{\rm St} \Omega_{\rm w}} = \sqrt{\frac{\alpha}{{\rm St}}} H_{\rm g}$ H_a: ガスのスケールハイト(前回19ページ参照)







11

ダスト成長のタイムスケール

ダストが衝突により破壊されないと仮定して、ダスト成長のタイムスケールを見積もる



• 最も成長の早い(衝突速度が大きい) St = 1 の場合を考える $v_{\rm coll} \sim \sqrt{\alpha} c_{\rm s}$, $H_{\rm d} \sim \sqrt{\alpha} H_{\rm g}$, $H_{\rm g} = c_{\rm s} / \Omega_{\rm K}$

 $t_{\text{grow}} \sim \frac{m_{\text{d}}}{dm/dt} \sim \frac{(4/3)\pi a^{3}\rho_{\text{int}}}{\frac{\Sigma_{\text{d}}}{\sqrt{2\pi\alpha}c_{\text{s}}/\Omega_{\text{K}}}} = \frac{4\sqrt{2\pi}a\rho_{\text{int}}}{3\Sigma_{\text{d}}\Omega_{\text{K}}} = \frac{4\sqrt{2\pi}}{3}\frac{\Sigma_{\text{g}}}{\Sigma_{\text{d}}}\frac{\Delta\rho_{\text{int}}}{\Sigma_{\text{d}}}\frac{t_{\text{K}}}{2\pi} \sim (\bigotimes +)\left(\frac{\Sigma_{\text{d}}/\Sigma_{\text{g}}}{0.01}\right)^{T}t_{\text{K}}$ $\sim \text{St} = 1 \qquad t_{\text{K}}: \text{ff}=-1$

成長のタイムスケールはガス・ダスト比だけで決まる!



Okuzumi et al. (2012)













ダスト成長 vs 中心星落下の例 ダストの運動を全て考慮し、

完全合体(衝突破壊なし)を仮定したうえで、 各軌道長半径での

ダストサイズ分布の進化を計算

内部密度一定の場合には、 St~0.1で中心星へ落下してしまう!



ダスト成長 vs 中心星落下: 解決方法

0.1 µmサイズのダスト粒子は 分子間力(ファンデルワールスカや

水素結合)で付着する

→衝突付着により、

ダスト集合体を形成する

低速度・等質量衝突(Ballistic Cluster-Cluster Aggregation: BCCA) では低密度ダスト集合体が形成される







低密度ダスト集合体の成長vs中心星落下

ダストの運動を全て考慮し、

完全合体(衝突破壊なし)を仮定したうえで、 各軌道長半径での

ダストサイズ分布の進化を計算



ダスト集合体の密度進化も考慮した場合には、 St~1を超えて成長できる!





第4章 ダストのミクロ物理





Fig. 7. Examples of time resolved restructuring events of aggregates composed of micrometer-sized SiO₂ particles (a–d) or H₂O ice particles (e–h). The restructuring events were initiated by the addition of an impacting particle or cluster. The images were taken every 0.03 s (a–d) and every 0.02 s (e–h).

Gundlach et al. (2

20	1	1)	



ダストの接触相互作用モデル:付着力のない弾性球

付着力のない2つの弾性球を押し込む → 接触面を形成し、反発力がはたらく



ばねのフックの法則: F = kx (k: 比例定数)

 $a^{2} + (R - \delta/2)^{2} = R^{2}, \quad \delta \ll R$ より、 $\frac{a}{R} \approx \frac{\delta}{a}$

 $\rightarrow \quad F \sim \frac{Ya^3}{R} \sim YR^{1/2}\delta^{3/2}$



ダストの接触相互作用モデル: 付着力のある弾性球

付着力のある2つの弾性球が接触しているときを考える



接触により失われている表面積は $2\pi a^2$ なので、 接触面の束縛エネルギーは $U_s = -2\pi a^2 \gamma$

 $E_{\text{break}} \sim 2\pi\gamma a_0^2 \sim \frac{(2\pi\gamma)^{3/3}R^{4/3}}{V^{2/3}}$

この弾性球は単位面積当たりにエネルギーy (J/m²)を持っているとする



JKR理論(Johnson, Kendall, & Roberts 1971)と呼ばれる 20





ダストの接触相互作用モデル: 付着力のある弾性球



 E_{break} が大きい → 引き剥がすのにたくさんのエネルギーが必要 どんな物質? 表面エネルギーγが大きい、すなわち付着しやすい物質 ヤング率(かたさ)が小さい、すなわち柔らかい物質 半径の大きな粒子

2つの球を引き剥がすのに必要なエネルギー: $E_{\text{break}} \sim 2\pi\gamma a_0^2 \sim \frac{(2\pi\gamma)^{3/2}K^{3/2}}{V^{2/3}}$

21 JKR理論(Johnson, Kendall, & Roberts 1971)と呼ばれる



ダストの接触相互作用モデル



Dominik & Tielens (1997) Wada et al. (2007)

ある臨界変位までは弾性体的(バネ的)にふるまい、 ある臨界変位以上になると不可逆的に変位し、 摩擦を通してエネルギーが散逸する



ダストの接触相互作用モデル: 切断と転がり

換算半径: $\frac{1}{R} = \frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}$

弾性的(バネ的)ふるまい → 不可逆的ふるまい(エネルギー散逸)

 $\underbrace{U = \frac{1}{2} k |\vec{\zeta}|^2}_{\textbf{z} \neq \nu}$ = 力 × 変位 エネルギー バネ定数 モノマーを πR だけ転がすのに必要なエネルギー:

 $E_{\rm roll} = k_{\rm roll} \xi_{\rm crit} \pi R = 4\pi F_{\rm c} \xi_{\rm crit} = 6\pi^2 \gamma r_0 \xi_{\rm crit}$ 転がりの 臨界 モノマー半径($r_0=r_1=r_2$) バネ定数 転がり変位



粒子間接触を切断するのに必要な力: $F_c = 3\pi\gamma R$



ダスト集合体のシミュレーション





接触するモノマーにかかる力を全て考慮して運動方程式を解く

ダスト集合体の衝突破壊



©NAOJ 4D2U Wada et al. (2018)

https://4d2u.nao.ac.jp/movies/20181201-planet/

.....

ダスト集合体の衝突破壊速度の見積もり



1粒子あたりの接触点数は、低速付着成長を仮定すると2程度 ~(2程度)×(粒子数N)× E_{break} 衝突のエネルギー: $E_{impact} \sim (1/2)(ダスト集合体の質量)v^2 \sim (1/2)Nm_0v^2$

Wada et al. (2009, 2013)



m₀: モノマー質量





ダスト集合体の衝突破壊のシミュレーション

$$Y_* = \frac{Y}{2(1 - \nu^2)} \frac{\pi \nu \nabla \varphi}{\pi \nu \nabla \nu}$$
 ※H₂O氷の
(e.g., Israelach

衝突破壊速度: { H₂O氷の場合、80 m/s シリケイト(岩石)の場合、8 m/s



2013)	
	_
• • • • • • • • • • • •	

ダスト集合体は円盤中で衝突により破壊されない?

衝突破壊速度: { H₂O氷の場合、80 m/s ⑤ かいの場合、8 m/s

乱流中のダスト衝突最大速度

- 強い乱流のとき (α ~ 10⁻²): ~ 100 m/s
- ほどほどの乱流のとき (α ~ 10-3): ~ 30 m/s

→ 氷ダスト集合体なら、衝突破壊問題を克服できるかも!

※表面エネルギーなどの物性値による 実は"実際の"表面エネルギーはよくわかっていない

Weidling et al. (2012)

Oshiro, <u>Tatsuuma</u> et al. (2025)

29

高密度、大質量なダスト集合体ほど 跳ね返りやすい ということはわかっているものの… 跳ね返りメカニズムは まだよくわかっていない

低密度ダスト集合体はちゃんと微惑星になる?

- 質量としては微惑星相当になるものの… 内部密度は 10-4 g cm-3 以下になってしまう
- → 圧縮過程を考慮しないといけない

考えられる圧縮過程

- 衝突圧縮
 - (実は、衝突合体で作られる大きなすき間を埋めるために) 衝突エネルギーが全て消費されてしまう)
- 円盤ガスによる圧縮
- 己重力圧縮 Ħ

必要なもの: ダスト集合体の圧縮強度

Kataoka et al. (2013a) Tatsuuma et al. (2023)

ダスト集合体の圧縮強度

Kataoka et al. (2013a) Tatsuuma et al. (2023)

ダスト集合体の圧縮強度

ダスト集合体の圧縮強度 $P_{\rm comp} = \frac{E_{\rm roll}}{r_0^3} \phi^3 \propto \gamma r_0^{-2} \xi_{\rm crit} \phi^3$

フラクタル次元2の小さな構造間のモノマーの

転がり摩擦が圧縮強度を決めるというモデル

Kataoka et al. (2013a)

F ~ P ·
$$r_{BCCA}^2$$
 力と圧力
F · $r_{BCCA} ~ E_{roll}$ 仕事とエネル
 $\rightarrow P \sim \frac{E_{roll}}{r_{BCCA}^3}$
 $r_{BCCA} \sim N^{1/2} r_0$ フラクタルル
 $\rho \sim \frac{Nm_0}{r_{BCCA}^3} \sim \left(\frac{r_{BCCA}}{r_0}\right)^{-1} \rho_0$
 $\rightarrow P \sim \frac{E_{roll}}{r_0^3} \left(\frac{\rho}{\rho_0}\right)^3$

ダスト集合体の内部密度進化

太陽系小天体からもっと情報を引き出したい!

67P/チュリュモフ・ゲラシメンコ彗星

©ESA/Rosetta/MPS for OSIRIS Team MPS/UPD/LAM/IAA/SSO/INTA/UPM/DASP/IDA Carsten Güttler博士から個人的にもらった動画

1000 m

Northern Hemisphere

3 August 2014 285 km; 5.5 m/px

67P/チュリュモフ・ゲラシメンコ彗星 探査からわかること

- ・体積、質量 → 平均密度: 532 ± 7 kg m⁻³ (Jorda et al. 2016) 密度は水氷の半分(岩よりも軽い)
- 表層の形状 → 引張強度: 1.5-100 Pa (Basilevsky et al. 2016)
- 引張強度の見積もり方: 彗星表層のoverhangs(出っ張り)と局所重力を用いる

67Pの引張強度: 1.5-100 Pa (L = 10-100m, H = 5-200 m)

非常に脆い(タバコの灰くらい)

(Groussin et al. 2015; Basilevsky et al. 2016)

出っ張りが安定であるとき:
$$\sigma_{\rm T} > rac{3
ho gL^2}{H}$$

(e.g., Tokashiki & Aydan 2010)

$q = 2 \times 10^{-4} \text{ m s}^{-2}$ (地球: 9.8 m s}{-2})

初期体積充填率 = 10% 周期境界

8.8 µm

赤: 接触しているモノマーの切断

Tatsuuma et al. (

20	1	9)	

<u> </u>

Tatsuuma et al. (2019)

 $\phi_{\rm init}^{1.8}$ 初期充填率

彗星67Pの引張強度 ~ 1.5-100 Pa (Basilevsky et al. 2016)

→ 構成粒子半径は0.1 µmよりも大きい?

- 臨界変位以上の不可逆的なふるまいにより、摩擦を通してエネルギーが散逸する。
- 低密度ダスト集合体による微惑星形成に関しては、圧縮過程も考慮する必要がある。 ダスト集合体がある程度大きくなると、円盤ガスや自己重力により圧縮される。